

**ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  
ПО ФИЗИКЕ. 2014–2015 ГОД  
ШКОЛЬНЫЙ ЭТАП. 7 КЛАСС**

**1**

Школьники Вася и Петя играли в салочки. Вася вероломно подкрадся к стоящему Пете и сделал его ведущим, после чего Вася сразу же побежал со скоростью 5 м/с. Петя 2 секунды думал, что же случилось, а потом пустился в погоню со скоростью 7,5 м/с. Через сколько секунд после своего старта Петя догнал Васю?

**Решение.** За 2 секунды Вася убежал на  $5 \text{ м/с} \cdot 2 \text{ с} = 10 \text{ м}$ . После старта Пети скорость сближения школьников составила  $7,5 \text{ м/с} - 5 \text{ м/с} = 2,5 \text{ м/с}$ . Следовательно, погоня длилась  $10 \text{ м} : 2,5 \text{ м/с} = 4 \text{ с}$ .

**Ответ.** Петя догнал Васю спустя 4 с после своего старта.

**Критерии оценок.** Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа, он получает 10 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 3 утешительных баллов:

хотя бы один раз правильно использована формула, связывающая скорость, время, пройденный путь, — 1 балл;

подсчитано, на какое расстояние убежал Вася, пока Петя был на месте, — 1 балл;

указана скорость сближения мальчиков — 1 балл.

**2**

Бегуны Степан и Усейн соревнуются в беге. Усейн бежит со скоростью 6 м/с, а Степан со скоростью 4 м/с. Их соревнование длилось 10 минут, и Степан проиграл Усейну 1 круг. Найдите длину круга.

**Решение.** За 10 мин. = 600 с Усейн пробежал  $6 \text{ м/с} \cdot 600 \text{ с} = 3600 \text{ м}$ , а Степан —  $4 \text{ м/с} \cdot 600 \text{ с} = 2400 \text{ м}$ . Усейн обогнал Степана на  $3600 \text{ м} - 2400 \text{ м} = 1200 \text{ м}$ . Это и есть длина круга.

**Ответ.** Длина круга составляет 1200 м.

**Критерии оценок.** Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа, он получает 10 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 4 утешительных баллов:

хотя бы один раз правильно использована формула, связывающая скорость, время, пройденный путь, — 1 балл;

правильно переведены минуты в секунды — 1 балл;

правильно найдено расстояние, пройденное Степаном, — 1 балл;

правильно найдено расстояние, пройденное Усейном, — 1 балл.

**3**

На альтернативном чемпионате мира по тяжёлой атлетике спортсмены должны поднять одной левой рукой свою будущую награду — это куб из золота с ребром длиной 20 см. Внутри золотого куба есть платиновый куб с ребром длиной 10 см. Сколько литров золота содержится в награде? Сколько килограммов придется поднять чемпиону для того, чтобы получить награду? Масса 1 м<sup>3</sup> золота составляет 19300 кг, масса 1 м<sup>3</sup> платины — 21500 кг.

**Решение.** Объём золота и платины вместе составляет

$$20 \text{ см} \cdot 20 \text{ см} \cdot 20 \text{ см} = 8000 \text{ см}^3,$$

$$\text{а объём платины} — 10 \text{ см} \cdot 10 \text{ см} \cdot 10 \text{ см} = 1000 \text{ см}^3.$$

Следовательно, объём золота равен

$$8000 \text{ см}^3 - 1000 \text{ см}^3 = 7000 \text{ см}^3 = 7 \text{ л} = 0,007 \text{ м}^3.$$

Масса золота составляет

$$19300 \cdot 0,007 = 135,1 \text{ кг},$$

$$\text{а масса платины} — 21500 \cdot 0,001 = 21,5 \text{ кг}.$$

$$\text{Следовательно, масса награды } 135,1 \text{ кг} + 21,5 \text{ кг} = 156,6 \text{ кг}.$$

**Ответ.** Объём золота в награде равен 7 л, чемпиону надо поднять 156,6 кг.

**Критерии оценок.** Первый вопрос оценивается 5 баллов, второй вопрос — также 5 баллов.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на первый вопрос, он получает 5 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 3 утешительных баллов:

хотя бы один раз правильно использована формула для вычисления объема куба — 1 балл;

правильно найден объём платины — 1 балл;

хотя бы один раз школьник правильно перевел объём из одних единиц в другие — 1 балл.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на второй вопрос, он получает 5 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 3 утешительных баллов:

хотя бы один раз правильно использована идея о том, что масса тела из данного материала пропорциональна объёму, — 1 балл;

правильно найдена масса золота — 1 балл;

правильно найдена масса платины — 1 балл.

**ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  
ПО ФИЗИКЕ. 2014–2015 ГОД  
ШКОЛЬНЫЙ ЭТАП. 8 КЛАСС**

**1**

Школьники Вася и Петя играли в салочки. Вася вероломно подкрался к стоящему Пете и сделал его ведущим, после чего Вася сразу же побежал со скоростью 5 м/с. Петя 2 секунды думал, что же случилось, а потом пустился в погоню со скоростью 7,5 м/с. Через сколько секунд после своего старта Петя догнал Васю?

**Решение.** За 2 секунды Вася убежал на  $5 \text{ м/с} \cdot 2 \text{ с} = 10 \text{ м}$ . После старта Пети скорость сближения школьников составила  $7,5 \text{ м/с} - 5 \text{ м/с} = 2,5 \text{ м/с}$ . Следовательно, погоня длилась  $10 \text{ м} : 2,5 \text{ м/с} = 4 \text{ с}$ .

**Ответ.** Петя догнал Васю спустя 4 с после своего старта.

**Критерии оценок.** Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа, он получает 10 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 3 утешительных баллов:

хотя бы один раз правильно использована формула, связывающая скорость, время, пройденный путь, — 1 балл;

подсчитано, на какое расстояние убежал Вася, пока Петя был на месте, — 1 балл;

указана скорость сближения мальчиков — 1 балл.

**2**

На альтернативном чемпионате мира по тяжёлой атлетике спортсмены должны поднять одной левой рукой свою будущую награду — это куб из золота с ребром длиной 20 см. Внутри золотого куба есть платиновый куб с ребром длиной 10 см. Сколько литров золота содержится в награде? Сколько килограммов придется поднять чемпиону для того, чтобы получить награду? Масса 1 м<sup>3</sup> золота составляет 19300 кг, масса 1 м<sup>3</sup> платины — 21500 кг.

**Решение.** Объём золота и платины вместе составляет

$$20 \text{ см} \cdot 20 \text{ см} \cdot 20 \text{ см} = 8000 \text{ см}^3,$$

а объём платины —  $10 \text{ см} \cdot 10 \text{ см} \cdot 10 \text{ см} = 1000 \text{ см}^3$ .

Следовательно, объём золота равен

$$8000 \text{ см}^3 - 1000 \text{ см}^3 = 7000 \text{ см}^3 = 7 \text{ л} = 0,007 \text{ м}^3.$$

Масса золота составляет  $19300 \cdot 0,007 = 135,1 \text{ кг}$ ,

а масса платины —  $21500 \cdot 0,001 = 21,5 \text{ кг}$ .

Следовательно, масса награды  $135,1 \text{ кг} + 21,5 \text{ кг} = 156,6 \text{ кг}$ .

**Ответ.** Объём золота в награде равен 7 л, чемпиону надо поднять 156,6 кг.

**Критерии оценок.** Первый вопрос оценивается 5 баллов, второй вопрос — также 5 баллов.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на первый вопрос, он получает 5 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 3 утешительных баллов:

хотя бы один раз правильно использована формула для вычисления объема куба — 1 балл;

правильно найден объём платины — 1 балл;

хотя бы один раз школьник правильно перевел объём из одних единиц в другие — 1 балл.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на второй вопрос, он получает 5 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 3 утешительных баллов:

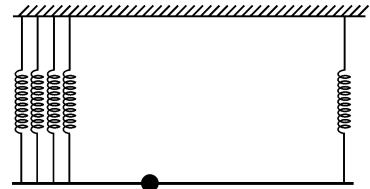
хотя бы один раз правильно использована идея о том, что масса тела из данного материала пропорциональна объёму, — 1 балл;

правильно найдена масса золота — 1 балл;

правильно найдена масса платины — 1 балл.

**3**

Лёгкая прямая рейка длиной 100 см с прикреплённым к ней грузом массой 1 кг подвешена за концы: правый конец — на одной вертикальной пружине, левый — на четырёх таких же пружинах (эти четыре пружины тонкие, и поэтому можно считать, что они прикреплены к одной точке). Рейка горизонтальна, все пружины растянуты на одинаковую длину. На каком расстоянии от левого конца рейки находится груз?



**Решение.** Пусть  $L = 100$  см — длина рейки,  $m$  — масса груза, расположенного наскомом расстоянии  $x$  от левого конца. К рейке приложены: сила упругости пружины  $F$  — к правому концу, в 4 раза большая сила  $4F$  — к левому концу и сила  $mg$  — на расстоянии  $x$  от левого конца. Запишем правило рычага, выбрав в качестве оси точку, в которой закреплён груз:  $4F \cdot x = F \cdot (L - x)$ . Отсюда  $x = 20$  см.

**Ответ:** груз подвешен на расстоянии 20 см от левого конца рейки.

**Критерии оценок.** Если школьник довел решение задачи до правильного ответа, он получает 10 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 4 утешительных баллов:

в любой форме использована идея о применении правила рычага (или правила моментов) — 1 балл;

хотя бы раз записана правильная формула для момента силы (как произведение модуля силы на её плечо) — 1 балл;

правильно найдено плечо хотя бы одной силы — 1 балл;

указано, что четыре пружины действуют с силой, в 4 раза большей, чем одна пружина, — 1 балл.

**ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  
ПО ФИЗИКЕ. 2014 – 2015 ГОД  
ШКОЛЬНЫЙ ЭТАП. 9 КЛАСС**

**1**

Школьники Вася и Петя играли в салочки. Вася вероломно подкрадся к стоящему Пете и сделал его ведущим, после чего Вася сразу же побежал со скоростью 5 м/с. Петя 2 секунды думал, что же случилось, а потом пустился в погоню со скоростью 7,5 м/с. Через сколько секунд после своего старта Петя догнал Васю?

**Решение.** За 2 секунды Вася убежал на  $5 \text{ м/с} \cdot 2 \text{ с} = 10 \text{ м}$ . После старта Пети скорость сближения школьников составила  $7,5 \text{ м/с} - 5 \text{ м/с} = 2,5 \text{ м/с}$ . Следовательно, погоня длилась  $10 \text{ м} : 2,5 \text{ м/с} = 4 \text{ с}$ .

**Ответ.** Петя догнал Васю спустя 4 с после своего старта.

**Критерии оценок.** Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа, он получает 10 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 3 утешительных баллов:

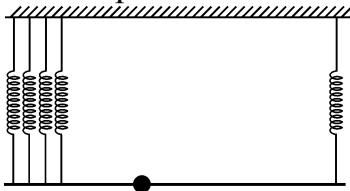
хотя бы один раз правильно использована формула, связывающая скорость, время, пройденный путь, — 1 балл;

подсчитано, на какое расстояние убежал Вася, пока Петя был на месте, — 1 балл;

указана скорость сближения мальчиков — 1 балл.

**2**

Лёгкая прямая рейка длиной 100 см с прикреплённым к ней грузом массой 1 кг подвешена за концы: правый конец — на одной вертикальной пружине, левый — на четырёх таких же пружинах (эти четыре пружины тонкие, и поэтому можно считать, что они прикреплены к одной точке). Рейка горизонтальна, все пружины растянуты на одинаковую длину. На каком расстоянии от левого конца рейки находится груз?



**Решение.** Пусть  $L = 100 \text{ см}$  — длина рейки,  $m$  — масса груза, расположенного на искомом расстоянии  $x$  от левого конца. К рейке приложены: сила упругости пружины  $F$  — к правому концу, в 4 раза большая сила  $4F$  — к левому концу и сила  $mg$  — на расстоянии  $x$  от левого конца. Запишем правило рычага, выбрав в качестве оси точку, в которой закреплён груз:  $4F \cdot x = F \cdot (L - x)$ . Отсюда  $x = 20 \text{ см}$ .

**Ответ:** груз подвешен на расстоянии 20 см от левого конца рейки.

**Критерии оценок.** Если школьник довел решение задачи до правильного ответа, он получает 10 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 4 утешительных баллов:

в любой форме использована идея о применении правила рычага (или правила моментов) — 1 балл;

хотя бы раз записана правильная формула для момента силы (как произведение модуля силы на её плечо) — 1 балл;

правильно найдено плечо хотя бы одной силы — 1 балл;

указано, что четыре пружины действуют с силой, в 4 раза большей, чем одна пружина, — 1 балл.

3

Ледяной кубик с длиной ребра 10 см плавает в цилиндрическом аквариуме с водой так, что верхняя грань кубика горизонтальна.

1. Найдите высоту верхней грани кубика над уровнем воды.

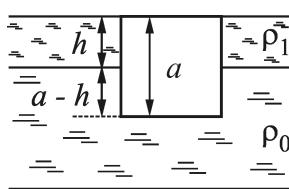
2. Поверх воды доливают слой керосина так, что поверхность керосина оказывается на одном уровне с верхней гранью кубика. Какова высота слоя керосина?

Плотности воды, льда и керосина равны соответственно  $1000 \text{ кг}/\text{м}^3$ ,  $900 \text{ кг}/\text{м}^3$  и  $800 \text{ кг}/\text{м}^3$ .

**Решение.** Пусть  $\rho_0 = 1000 \text{ кг}/\text{м}^3$  — плотность воды,  $\rho_1 = 800 \text{ кг}/\text{м}^3$  — плотность керосина,  $\rho = 900 \text{ кг}/\text{м}^3$  — плотность льда,  $a = 10 \text{ см}$  — длина ребра ледяного кубика.

1. Пусть  $x$  — высота верхней грани кубика над уровнем воды. На кубик действуют направленная вниз сила тяжести  $\rho a^3 g$  и направленная вверх сила Архимеда  $\rho_0 g a^2 (a - x)$ . Поскольку кубик находится в равновесии, эти силы равны по модулю:  $\rho a^3 g = \rho_0 g a^2 (a - x)$ . Следовательно,  $x = a [1 - (\frac{\rho}{\rho_0})] = 1 \text{ см}$ .

2. Пусть  $h$  — высота слоя керосина. Избыточное по сравнению с атмосферным давление на нижнюю грань кубика составляет  $\rho_1 g h + \rho_0 g (a - h)$ . Следовательно, равнодействующая сил давления, действующих на кубик, составляет  $[\rho_1 g h + \rho_0 g (a - h)] a^2$ . Она уравновешивается силой тяжести, действующей на кубик, которая равна  $\rho a^3 g$ . Учитывая, что кубик находится в равновесии, находим:  $[\rho_1 g h + \rho_0 g (a - h)] a^2 = \rho a^3 g$  и  $h = \frac{(\rho_0 - \rho)}{\rho_0 - \rho_1} a = 5 \text{ см}$ .



**Ответ.** Высота верхней грани кубика над уровнем воды составляет 1 см; высота слоя керосина 5 см.

**Критерии оценок.** Первый вопрос оценивается — в 4 балла, второй вопрос — в 6 баллов.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на первый вопрос, он получает 4 балла. В противном случае можно поставить школьнику до 2 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов, школьник всё равно получает 2 балла):

хотя бы один раз правильно использовано, что масса равна произведению плотности на объём, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для силы тяжести – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для силы Архимеда – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для объёма прямоугольного параллелепипеда – 1 балл;

указано, что при равновесии силы тяжести и Архимеда должны быть равны по модулю и противоположны по направлению, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для давления столба жидкости – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула, связывающая давление, силу и площадь, – 1 балл.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на второй вопрос, он получает 6 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 4 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов, школьник всё равно получает 4 балла):

хотя бы один раз правильно использовано, что масса равна произведению плотности на объём, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для силы тяжести – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для объёма прямоугольного параллелепипеда – 1 балл;

указано, что при равновесии силы тяжести и давления должны быть равны по модулю и противоположны по направлению, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для давления столба жидкости – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула, связывающая давление, силу и площадь, – 1 балл.

**4**

В электрическом чайнике 1 літр води нагревается на 10 градусов за 1 минуту. За какое время нагреются до кипения 500 г воды, взятые из ведра со смесью воды и льда? Потерями теплоты можно пренебречь. Плотность воды  $1000 \text{ кг}/\text{м}^3$ .

**Решение.** По условию за время  $\tau_1 = 1 \text{ мин}$  вода плотностью  $\rho = 1000 \text{ кг}/\text{м}^3$ , удельной теплоёмкостью  $c$  и объёмом  $V = 1 \text{ л}$  нагревается на  $\Delta t_1 = 10 \text{ }^\circ\text{C}$ . Получаемое количество теплоты при этом равно  $c\rho V \Delta t_1$ , а мощность чайника оказывается равной  $c\rho V \Delta t_1 / \tau_1$ .

Во втором опыте масса воды  $m = 500 \text{ г}$  нагревается от  $0 \text{ }^\circ\text{C}$  до  $100 \text{ }^\circ\text{C}$ , то есть на  $\Delta t_2 = 100 \text{ }^\circ\text{C}$ . Получаемое при этом количество теплоты равно  $cm \Delta t_2$ . Время нагревания равно отношению данного количества теплоты к мощности чайника:

$$\tau_2 = cm \Delta t_2 : \left( \frac{c\rho V \Delta t_1}{\tau_1} \right) = \left( \frac{\tau_1 m \Delta t_2}{\rho V \Delta t_1} \right) = 5 \text{ мин.}$$

**Ответ.** Время нагревания составит 5 мин.

**Критерии оценок.** Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа, он получает 10 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 6 утешительных баллов:

правильно использована формула для массы как произведения плотности на объём — 1 балл;

хотя бы один раз правильно записана формула для количества теплоты как произведения удельной теплоёмкости на массу и на изменение температуры — 1 балл;

хотя бы один раз правильно использовано определение мощности — 1 балл;

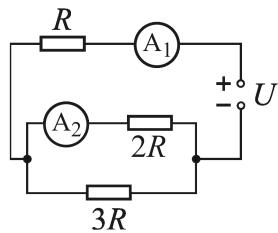
отмечено, что мощность чайника в двух опытах одинаковая, — 1 балл;

отмечено, что начальная температура воды во втором опыте составляет  $0 \text{ }^\circ\text{C}$ , — 1 балл;

отмечено, что конечная температура воды во втором опыте составляет  $100 \text{ }^\circ\text{C}$ , — 1 балл.

**5**

Найдите показания идеальных амперметров  $A_1$  и  $A_2$  в электрической цепи, схема которой приведена на рисунке. Напряжение идеального источника  $U = 11$  В, сопротивление  $R = 1$  кОм.



**Решение (первый способ).** Найдем, как связаны токи  $I_1$  и  $I_2$  через амперметры  $A_1$  и  $A_2$ . Учтём, что через сопротивление  $2R$  течет ток  $I_2$ , а через сопротивление  $3R$  — ток  $I_1 - I_2$ , а напряжения на этих сопротивлениях, равные  $I_2 \cdot 2R$  и  $(I_1 - I_2) \cdot 3R$ , должны быть одинаковыми:  $I_2 \cdot 2R = (I_1 - I_2) \cdot 3R$ . Отсюда  $I_2 = 0,6I_1$ .

Напряжение на источнике  $U$  равно сумме напряжения  $I_1 \cdot R$  на резисторе  $R$  и напряжения  $I_2 \cdot 2R = 1,2I_1 \cdot R$  на резисторе  $2R$ , то есть  $U = I_1 \cdot R + 1,2I_1 \cdot R$ .

Отсюда  $U = 2,2I_1 \cdot R$  и  $I_1 = \frac{U}{2,2R} = \frac{5U}{11R} = 5$  мА,  $I_2 = \frac{3U}{11R} = 3$  мА.

**Решение (второй способ).** По законам последовательного и параллельного соединения сопротивление цепи составляет  $R + \frac{2R \cdot 3R}{2R + 3R} = 2,2R$ . Следовательно, ток через источник, совпадающий

с током через амперметр  $A_1$ , составляет  $I_1 = \frac{U}{2,2R} = \frac{5U}{11R} = 5$  мА.

Поскольку напряжение на источнике равно  $U$ , а на сопротивлении  $R$  напряжение составляет  $I_1 \cdot R = \frac{5U}{11}$ , напряжение на сопротивлениях  $2R$  и  $3R$

равно  $U - (\frac{5U}{11}) = \frac{6U}{11}$ . Следовательно, сила тока через сопротивление  $2R$

(и амперметр  $A_2$ ) равна  $I_2 = \frac{6U}{11} : 2R = \frac{3U}{11R} = 3$  мА.

**Ответ.** Амперметр  $A_1$  показывает 5 мА, амперметр  $A_2$  показывает 3 мА.

**Критерии оценок.** Первый вопрос (о показании амперметра  $A_1$ ) оценивается 4 баллов, второй вопрос (о показании амперметра  $A_2$ ) — 6 баллов.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на первый вопрос, он получает 4 балла. В противном случае можно поставить школьнику до 2 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов — школьник всё равно получает 2 балла):

хотя бы один раз правильно использована формула для последовательного или параллельного соединения сопротивлений — 1 балл;

хотя бы один раз правильно использован закон Ома, — 1 балл;

указано, что напряжения на сопротивлениях  $2R$  и  $3R$  одинаковые, — 1 балл;

указано, что напряжение источника равно сумме напряжений на сопротивлении  $R$  и на сопротивлении  $2R$  или  $3R$  — 1 балл;

правильно найдено отношение токов через амперметры — 1 балл.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на второй вопрос, он получает 6 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 3 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов — школьник всё равно получает 3 балла):

хотя бы один раз правильно использована формула для последовательного или параллельного соединения сопротивлений — 1 балл;

хотя бы один раз правильно использован закон Ома — 1 балл;

указано, что напряжения на сопротивлениях  $2R$  и  $3R$  одинаковые, — 1 балл;

указано, что напряжение источника равно сумме напряжений на сопротивлении  $R$  и на сопротивлении  $2R$  или  $3R$ , — 1 балл;

правильно найдено отношение токов через амперметры — 1 балл.

**ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  
ПО ФИЗИКЕ. 2014–2015 ГОД  
ШКОЛЬНЫЙ ЭТАП. 10 КЛАСС**

**1**

Два одинаковых пластилиновых шарика при помощи пружинного пистолета подбрасывают из одной точки вертикально вверх вдоль одной прямой с промежутком в  $\tau = 2$  с. Начальные скорости первого и второго шариков равны  $V_1 = 30$  м/с и  $V_2 = 50$  м/с соответственно. Через какое время  $t$  после момента бросания первого шарика они столкнутся? На какой высоте это произойдёт? Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

**Решение.** В момент времени  $t$  первый шарик находится на высоте  $V_1t - \frac{gt^2}{2}$ , второй шарик — на высоте  $V_2(t-\tau) - \frac{g(t-\tau)^2}{2}$ . Столкновение произойдёт, если эти высоты одинаковы:  $V_1t - \frac{gt^2}{2} = V_2(t-\tau) - \frac{g(t-\tau)^2}{2}$ .

Отсюда  $V_2\tau + \frac{g\tau^2}{2} = (V_2 - V_1 + g\tau)t$  и  $t = (V_2\tau + \frac{g\tau^2}{2}) : (V_2 - V_1 + g\tau) = 3$  с.

Столкновение произойдёт на высоте  $V_1t - \frac{gt^2}{2} = 45$  м.

**Ответ.** Шарики столкнутся через 3 с после броска первого шарика на высоте 45 м.

**Критерии оценок.** Первый вопрос (о моменте времени столкновения) оценивается в 8 баллов, второй вопрос (о высоте) – в 2 баллов.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на первый вопрос, он получает 8 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 2 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов, школьник всё равно получает 2 балла):

хотя бы раз правильно использована формула для зависимости координаты от времени при равноускоренном движении – 1 балл;

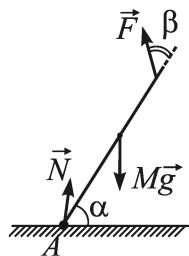
построен хотя бы один график зависимости скорости от времени, отмечено, что перемещение численно равно площади под данным графиком, – 1 балл;

отмечено, что высоты шариков в момент столкновения одинаковые, – 1 балл.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на второй вопрос, он получает 2 балла. Утешительные баллы при неправильном ответе на данный вопрос не предусмотрены.

2

Однородная прямая металлическая балка массой  $M = 100$  кг и длиной  $L = 3$  м установлена под углом  $\alpha = 60^\circ$  к горизонту. Нижний конец балки упирается в землю. Какую минимальную силу  $F$  нужно прикладывать к балке, чтобы удерживать её в таком положении? Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.



**Решение.** На балку, опиравшуюся на землю в точке  $A$ , действуют: приложенная к центру масс сила тяжести  $Mg$  (плечо этой силы относительно оси, проходящей через точку  $A$ , равно  $(\frac{L}{2})\cos\alpha$ ); сила  $F$ , которую можно приложить на расстоянии  $x$  от точки  $A$  ( $x$  не может быть больше  $L$ ) под углом  $\beta$  к направлению стержня, а также сила  $N$ , приложенная в точке  $A$  (она является равнодействующей сил нормальной реакции опоры и трения). Запишем правило моментов сил относительно точки  $A$ . Момент силы  $N$  равен нулю; момент силы  $Mg$  равен  $Mg(\frac{L}{2})\cos\alpha$ , момент силы  $F$  равен по модулю  $Fx \sin\beta$  и противоположен по знаку моменту силы тяжести. Следовательно,  $Mg(\frac{L}{2})\cos\alpha = Fx \sin\beta$  и  $F = Mg(\frac{L}{2})\cos\alpha:(x \sin\beta)$ . Сила  $F$  будет тем меньше, чем больше будут  $x$  (наибольшее возможное значение  $L$ ) и  $\sin\beta$  (наибольшее значение равно 1). Полагая  $x = L$  и  $\sin\beta = 1$ , находим  $F = \frac{Mg \cos\alpha}{2} = 250$  Н.

**Ответ.** Минимальная сила, которую нужно приложить к балке для удерживания в данном положении, составляет 250 Н.

**Критерии оценок.** Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа, он получает 10 баллов. Если участник не обосновал, что силу  $F$  надо прикладывать к концу балки под прямым углом к ней, можно снять до 2 баллов (поставить 8 или 9 баллов вместо 10). Если школьник не довёл решение до правильного ответа, можно поставить ему до 5 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов, школьник всё равно получает 5 баллов):

в любой форме присутствует идея использования правила рычага (или правила моментов) – 1 балл;

на рисунке правильно показана сила тяжести и её точка приложения – 1 балл;

на рисунке показана сила  $F$  – 1 балл;

отмечено, что силу  $F$  оптимально прикладывать как можно дальше от точки  $A$ , – 1 балл;

отмечено, что силу  $F$  оптимально прикладывать под прямым углом к балке, – 1 балл;

правильно использована формула для силы тяжести – 1 балл;

хотя бы один раз использовано, что момент силы равен произведению силы на плечо, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно подсчитано плечо силы – 1 балл.

**3**

Ледяной кубик с длиной ребра 10 см плавает в цилиндрическом аквариуме с водой так, что верхняя грань кубика горизонтальна.

1. Найдите высоту верхней грани кубика над уровнем воды.

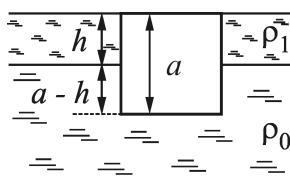
2. Поверх воды доливают слой керосина так, что поверхность керосина оказывается на одном уровне с верхней гранью кубика. Какова высота слоя керосина?

Плотности воды, льда и керосина равны соответственно  $1000 \text{ кг}/\text{м}^3$ ,  $900 \text{ кг}/\text{м}^3$  и  $800 \text{ кг}/\text{м}^3$ .

**Решение.** Пусть  $\rho_0 = 1000 \text{ кг}/\text{м}^3$  — плотность воды,  $\rho_1 = 800 \text{ кг}/\text{м}^3$  — плотность керосина,  $\rho = 900 \text{ кг}/\text{м}^3$  — плотность льда,  $a = 10 \text{ см}$  — длина ребра ледяного кубика.

1. Пусть  $x$  — высота верхней грани кубика над уровнем воды. На кубик действуют направленная вниз сила тяжести  $\rho a^3 g$  и направленная вверх сила Архимеда  $\rho_0 g a^2 (a - x)$ . Поскольку кубик находится в равновесии, эти силы равны по модулю:  $\rho a^3 g = \rho_0 g a^2 (a - x)$ . Следовательно,  $x = a[1 - (\frac{\rho}{\rho_0})] = 1 \text{ см}$ .

2. Пусть  $h$  — высота слоя керосина. Избыточное по сравнению с атмосферным давление на нижнюю грань кубика составляет  $\rho_1 g h + \rho_0 g (a - h)$ . Следовательно, равнодействующая сил давления, действующих на кубик, составляет  $[\rho_1 g h + \rho_0 g (a - h)]a^2$ . Она уравновешивается силой тяжести, действующей на кубик, которая равна  $\rho a^3 g$ . Учитывая, что кубик находится в равновесии, находим:  $[\rho_1 g h + \rho_0 g (a - h)]a^2 = \rho a^3 g$  и  $h = \frac{(\rho_0 - \rho)a}{\rho_0 - \rho_1} = 5 \text{ см}$ .



**Ответ.** Высота верхней грани кубика над уровнем воды составляет 1 см; высота слоя керосина 5 см.

**Критерии оценок.** Первый вопрос оценивается — в 4 балла, второй вопрос — в 6 баллов.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на первый вопрос, он получает 4 балла. В противном случае можно поставить школьнику до 2 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов, школьник всё равно получает 2 балла):

хотя бы один раз правильно использовано, что масса равна произведению плотности на объём, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для силы тяжести – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для силы Архимеда – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для объёма прямоугольного параллелепипеда – 1 балл;

указано, что при равновесии силы тяжести и Архимеда должны быть равны по модулю и противоположны по направлению, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для давления столба жидкости – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула, связывающая давление, силу и площадь, – 1 балл.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на второй вопрос, он получает 6 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 4 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов, школьник всё равно получает 4 балла):

хотя бы один раз правильно использовано, что масса равна произведению плотности на объём, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для силы тяжести – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для объёма прямоугольного параллелепипеда – 1 балл;

указано, что при равновесии силы тяжести и давления должны быть равны по модулю и противоположны по направлению, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для давления столба жидкости – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула, связывающая давление, силу и площадь, – 1 балл.

**4**

В электрическом чайнике 1 літр води нагревается на 10 градусов за 1 минуту. За какое время нагреются до кипения 500 г воды, взятые из ведра со смесью воды и льда? Потерями теплоты можно пренебречь. Плотность воды 1000 кг/м<sup>3</sup>.

**Решение.** По условию за время  $\tau_1 = 1$  мин вода плотностью  $\rho = 1000$  кг/м<sup>3</sup>, удельной теплоёмкостью  $c$  и объёмом  $V = 1$  л нагревается на  $\Delta t_1 = 10$  °С. Получаемое количество теплоты при этом равно  $c\rho V \Delta t_1$ , а мощность чайника оказывается равной  $c\rho V \Delta t_1 / \tau_1$ .

Во втором опыте масса воды  $m = 500$  г нагревается от 0 °С до 100 °С, то есть на  $\Delta t_2 = 100$  °С. Получаемое при этом количество теплоты равно  $c m \Delta t_2$ . Время нагревания равно отношению данного количества теплоты к мощности чайника:

$$\tau_2 = c m \Delta t_2 : \left( \frac{c \rho V \Delta t_1}{\tau_1} \right) = \left( \frac{\tau_1 m \Delta t_2}{\rho V \Delta t_1} \right) = 5 \text{ мин.}$$

**Ответ.** Время нагревания составит 5 мин.

**Критерии оценок.** Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа, он получает 10 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 6 утешительных баллов:

правильно использована формула для массы как произведения плотности на объём — 1 балл;

хотя бы один раз правильно записана формула для количества теплоты как произведения удельной теплоёмкости на массу и на изменение температуры — 1 балл;

хотя бы один раз правильно использовано определение мощности — 1 балл;

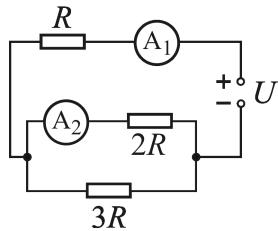
отмечено, что мощность чайника в двух опытах одинаковая, — 1 балл;

отмечено, что начальная температура воды во втором опыте составляет 0 °С, — 1 балл;

отмечено, что конечная температура воды во втором опыте составляет 100 °С, — 1 балл.

**5**

Найдите показания идеальных амперметров  $A_1$  и  $A_2$  в электрической цепи, схема которой приведена на рисунке. Напряжение идеального источника  $U = 11$  В, сопротивление  $R = 1$  кОм.



**Решение (первый способ).** Найдем, как связаны токи  $I_1$  и  $I_2$  через амперметры  $A_1$  и  $A_2$ . Учтём, что через сопротивление  $2R$  течет ток  $I_2$ , а через сопротивление  $3R$  — ток  $I_1 - I_2$ , а напряжения на этих сопротивлениях, равные  $I_2 \cdot 2R$  и  $(I_1 - I_2) \cdot 3R$ , должны быть одинаковыми:  $I_2 \cdot 2R = (I_1 - I_2) \cdot 3R$ . Отсюда  $I_2 = 0,6I_1$ .

Напряжение на источнике  $U$  равно сумме напряжения  $I_1 \cdot R$  на резисторе  $R$  и напряжения  $I_2 \cdot 2R = 1,2I_1 \cdot R$  на резисторе  $2R$ , то есть  $U = I_1 \cdot R + 1,2I_1 \cdot R$ .

Отсюда  $U = 2,2I_1 \cdot R$  и  $I_1 = \frac{U}{2,2R} = \frac{5U}{11R} = 5$  мА,  $I_2 = \frac{3U}{11R} = 3$  мА.

**Решение (второй способ).** По законам последовательного и параллельного соединения сопротивление цепи составляет  $R + \frac{2R \cdot 3R}{2R + 3R} = 2,2R$ . Следовательно, ток через источник, совпадающий

с током через амперметр  $A_1$ , составляет  $I_1 = \frac{U}{2,2R} = \frac{5U}{11R} = 5$  мА.

Поскольку напряжение на источнике равно  $U$ , а на сопротивлении  $R$  напряжение составляет  $I_1 \cdot R = \frac{5U}{11}$ , напряжение на сопротивлениях  $2R$  и  $3R$

равно  $U - (\frac{5U}{11}) = \frac{6U}{11}$ . Следовательно, сила тока через сопротивление  $2R$

(и амперметр  $A_2$ ) равна  $I_2 = \frac{6U}{11} : 2R = \frac{3U}{11R} = 3$  мА.

**Ответ.** Амперметр  $A_1$  показывает 5 мА, амперметр  $A_2$  показывает 3 мА.

**Критерии оценок.** Первый вопрос (о показании амперметра  $A_1$ ) оценивается 4 баллов, второй вопрос (о показании амперметра  $A_2$ ) — 6 баллов.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на первый вопрос, он получает 4 балла. В противном случае можно поставить школьнику до 2 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов — школьник всё равно получает 2 балла):

хотя бы один раз правильно использована формула для последовательного или параллельного соединения сопротивлений — 1 балл;

хотя бы один раз правильно использован закон Ома, — 1 балл;

указано, что напряжения на сопротивлениях  $2R$  и  $3R$  одинаковые, — 1 балл;

указано, что напряжение источника равно сумме напряжений на сопротивлении  $R$  и на сопротивлении  $2R$  или  $3R$  — 1 балл;

правильно найдено отношение токов через амперметры — 1 балл.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на второй вопрос, он получает 6 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 3 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов — школьник всё равно получает 3 балла):

хотя бы один раз правильно использована формула для последовательного или параллельного соединения сопротивлений — 1 балл;

хотя бы один раз правильно использован закон Ома — 1 балл;

указано, что напряжения на сопротивлениях  $2R$  и  $3R$  одинаковые, — 1 балл;

указано, что напряжение источника равно сумме напряжений на сопротивлении  $R$  и на сопротивлении  $2R$  или  $3R$ , — 1 балл;

правильно найдено отношение токов через амперметры — 1 балл.

**ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ  
ПО ФИЗИКЕ. 2014–2015 ГОД  
ШКОЛЬНЫЙ ЭТАП. 11 КЛАСС**

**1**

Два одинаковых пластилиновых шарика при помощи пружинного пистолета подбрасывают из одной точки вертикально вверх вдоль одной прямой с промежутком в  $\tau = 2$  с. Начальные скорости первого и второго шариков равны  $V_1 = 30$  м/с и  $V_2 = 50$  м/с соответственно. Через какое время  $t$  после момента бросания первого шарика они столкнутся? На какой высоте это произойдёт? Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

**Решение.** В момент времени  $t$  первый шарик находится на высоте  $V_1t - \frac{gt^2}{2}$ , второй шарик — на высоте  $V_2(t - \tau) - \frac{g(t - \tau)^2}{2}$ . Столкновение произойдёт, если эти высоты одинаковы:  $V_1t - \frac{gt^2}{2} = V_2(t - \tau) - \frac{g(t - \tau)^2}{2}$ .

Отсюда  $V_2\tau + \frac{g\tau^2}{2} = (V_2 - V_1 + g\tau)t$  и  $t = (V_2\tau + \frac{g\tau^2}{2}) : (V_2 - V_1 + g\tau) = 3$  с.

Столкновение произойдёт на высоте  $V_1t - \frac{gt^2}{2} = 45$  м.

**Ответ.** Шарики столкнутся через 3 с после броска первого шарика на высоте 45 м.

**Критерии оценок.** Первый вопрос (о моменте времени столкновения) оценивается в 8 баллов, второй вопрос (о высоте) – в 2 баллов.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на первый вопрос, он получает 8 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 2 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов, школьник всё равно получает 2 балла):

хотя бы раз правильно использована формула для зависимости координаты от времени при равноускоренном движении – 1 балл;

построен хотя бы один график зависимости скорости от времени, отмечено, что перемещение численно равно площади под данным графиком, – 1 балл;

отмечено, что высоты шариков в момент столкновения одинаковые, – 1 балл.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на второй вопрос, он получает 2 балла. Утешительные баллы при неправильном ответе на данный вопрос не предусмотрены.

**2**

Ледяной кубик с длиной ребра 10 см плавает в цилиндрическом аквариуме с водой так, что верхняя грань кубика горизонтальна.

1. Найдите высоту верхней грани кубика над уровнем воды.

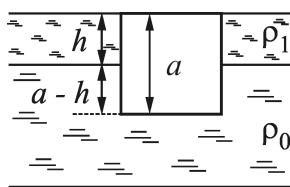
2. Поверх воды доливают слой керосина так, что поверхность керосина оказывается на одном уровне с верхней гранью кубика. Какова высота слоя керосина?

Плотности воды, льда и керосина равны соответственно  $1000 \text{ кг}/\text{м}^3$ ,  $900 \text{ кг}/\text{м}^3$  и  $800 \text{ кг}/\text{м}^3$ .

**Решение.** Пусть  $\rho_0 = 1000 \text{ кг}/\text{м}^3$  — плотность воды,  $\rho_1 = 800 \text{ кг}/\text{м}^3$  — плотность керосина,  $\rho = 900 \text{ кг}/\text{м}^3$  — плотность льда,  $a = 10 \text{ см}$  — длина ребра ледяного кубика.

1. Пусть  $x$  — высота верхней грани кубика над уровнем воды. На кубик действуют направленная вниз сила тяжести  $\rho a^3 g$  и направленная вверх сила Архимеда  $\rho_0 g a^2 (a - x)$ . Поскольку кубик находится в равновесии, эти силы равны по модулю:  $\rho a^3 g = \rho_0 g a^2 (a - x)$ . Следовательно,  $x = a[1 - (\frac{\rho}{\rho_0})] = 1 \text{ см}$ .

2. Пусть  $h$  — высота слоя керосина. Избыточное по сравнению с атмосферным давление на нижнюю грань кубика составляет  $\rho_1 g h + \rho_0 g (a - h)$ . Следовательно, равнодействующая сил давления, действующих на кубик, составляет  $[\rho_1 g h + \rho_0 g (a - h)]a^2$ . Она уравновешивается силой тяжести, действующей на кубик, которая равна  $\rho a^3 g$ . Учитывая, что кубик находится в равновесии, находим:  $[\rho_1 g h + \rho_0 g (a - h)]a^2 = \rho a^3 g$  и  $h = \frac{(\rho_0 - \rho)a}{\rho_0 - \rho_1} = 5 \text{ см}$ .



**Ответ.** Высота верхней грани кубика над уровнем воды составляет 1 см; высота слоя керосина 5 см.

**Критерии оценок.** Первый вопрос оценивается — в 4 балла, второй вопрос — в 6 баллов.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на первый вопрос, он получает 4 балла. В противном случае можно поставить школьнику до 2 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов, школьник всё равно получает 2 балла):

хотя бы один раз правильно использовано, что масса равна произведению плотности на объём, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для силы тяжести – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для силы Архимеда – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для объёма прямоугольного параллелепипеда – 1 балл;

указано, что при равновесии силы тяжести и Архимеда должны быть равны по модулю и противоположны по направлению, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для давления столба жидкости – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула, связывающая давление, силу и площадь, – 1 балл.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на второй вопрос, он получает 6 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 4 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов, школьник всё равно получает 4 балла):

хотя бы один раз правильно использовано, что масса равна произведению плотности на объём, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для силы тяжести – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для объёма прямоугольного параллелепипеда – 1 балл;

указано, что при равновесии силы тяжести и давления должны быть равны по модулю и противоположны по направлению, – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула для давления столба жидкости – 1 балл;

хотя бы один раз правильно использована формула, связывающая давление, силу и площадь, – 1 балл.

**3**

В комнате объёмом  $V = 30 \text{ м}^3$  сначала была температура  $t_1 = 10^\circ\text{C}$ . После включения отопления она стала равна  $t_2 = 20^\circ\text{C}$ . Увеличилась или уменьшилась масса воздуха в комнате? На сколько килограммов? Атмосферное давление равно  $p = 100 \text{ кПа}$ , молярная масса воздуха  $\mu = 29 \text{ г/моль}$ . Универсальная газовая постоянная  $R = 8,3 \text{ Дж/(моль}\cdot\text{К)}$ . Абсолютный нуль температуры составляет  $t_0 = -273^\circ\text{C}$ .

**Решение.** По условию начальная температура в комнате составляет  $T_1 = 283 \text{ К}$ , конечная  $T_2 = 293 \text{ К}$ . Пусть  $m_1$  — масса воздуха в комнате до включения отопления,  $m_2$  — после включения отопления. Запишем уравнение состояния идеального газа:  $pV = \frac{m_1RT_1}{\mu}$ ,  $pV = \frac{m_2RT_2}{\mu}$ .

$$\text{Следовательно, } m_2 = \frac{pV\mu}{RT_2}, \quad m_1 = \frac{pV\mu}{RT_1}.$$

Уменьшение массы воздуха в комнате составит  $\Delta m = m_1 - m_2 = \frac{pV\mu(T_2 - T_1)}{RT_1T_2} \approx 1,26 \text{ кг}$ .

**Ответ.** Масса воздуха в комнате уменьшилась примерно на 1,26 кг.

**Критерии оценок:** Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа (в промежутке от 1 кг до 1,5 кг), он получает 10 баллов. Если школьник не довёл решение до правильного ответа, можно поставить ему до 5 утешительных баллов:

хотя бы один раз правильно использовано уравнение идеального газа – 1 балл;

хотя бы один раз градусы Цельсия правильно переведены в градусы Кельвина – 1 балл;

отмечено, что масса воздуха в комнате уменьшилась, – 3 балла.

**4**

В электрическом чайнике 1 литр воды нагревается на 10 градусов за 1 минуту. За какое время нагреются до кипения 500 г воды, взятые из ведра со смесью воды и льда? Потерями теплоты можно пренебречь. Плотность воды 1000 кг/м<sup>3</sup>.

**Решение.** По условию за время  $\tau_1 = 1$  мин вода плотностью  $\rho = 1000$  кг/м<sup>3</sup>, удельной теплоёмкостью  $c$  и объёмом  $V = 1$  л нагревается на  $\Delta t_1 = 10$  °С. Получаемое количество теплоты при этом равно  $c\rho V \Delta t_1$ , а мощность чайника оказывается равной  $c\rho V \Delta t_1 / \tau_1$ .

Во втором опыте масса воды  $m = 500$  г нагревается от 0 °С до 100 °С, то есть на  $\Delta t_2 = 100$  °С. Получаемое при этом количество теплоты равно  $c m \Delta t_2$ . Время нагревания равно отношению данного количества теплоты к мощности чайника:

$$\tau_2 = c m \Delta t_2 : \left( \frac{c \rho V \Delta t_1}{\tau_1} \right) = \left( \frac{\tau_1 m \Delta t_2}{\rho V \Delta t_1} \right) = 5 \text{ мин.}$$

**Ответ.** Время нагревания составит 5 мин.

**Критерии оценок.** Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа, он получает 10 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 6 утешительных баллов:

правильно использована формула для массы как произведения плотности на объём — 1 балл;

хотя бы один раз правильно записана формула для количества теплоты как произведения удельной теплоёмкости на массу и на изменение температуры — 1 балл;

хотя бы один раз правильно использовано определение мощности — 1 балл;

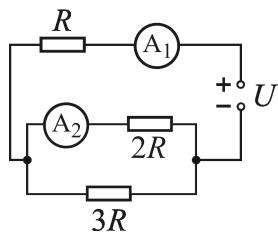
отмечено, что мощность чайника в двух опытах одинаковая, — 1 балл;

отмечено, что начальная температура воды во втором опыте составляет 0 °С, — 1 балл;

отмечено, что конечная температура воды во втором опыте составляет 100 °С, — 1 балл.

**5**

Найдите показания идеальных амперметров  $A_1$  и  $A_2$  в электрической цепи, схема которой приведена на рисунке. Напряжение идеального источника  $U = 11$  В, сопротивление  $R = 1$  кОм.



**Решение (первый способ).** Найдем, как связаны токи  $I_1$  и  $I_2$  через амперметры  $A_1$  и  $A_2$ . Учтём, что через сопротивление  $2R$  течет ток  $I_2$ , а через сопротивление  $3R$  — ток  $I_1 - I_2$ , а напряжения на этих сопротивлениях, равные  $I_2 \cdot 2R$  и  $(I_1 - I_2) \cdot 3R$ , должны быть одинаковыми:  $I_2 \cdot 2R = (I_1 - I_2) \cdot 3R$ . Отсюда  $I_2 = 0,6I_1$ .

Напряжение на источнике  $U$  равно сумме напряжения  $I_1 \cdot R$  на резисторе  $R$  и напряжения  $I_2 \cdot 2R = 1,2I_1 \cdot R$  на резисторе  $2R$ , то есть  $U = I_1 \cdot R + 1,2I_1 \cdot R$ .

Отсюда  $U = 2,2I_1 \cdot R$  и  $I_1 = \frac{U}{2,2R} = \frac{5U}{11R} = 5$  мА,  $I_2 = \frac{3U}{11R} = 3$  мА.

**Решение (второй способ).** По законам последовательного и параллельного соединения сопротивление цепи составляет  $R + \frac{2R \cdot 3R}{2R + 3R} = 2,2R$ . Следовательно, ток через источник, совпадающий

с током через амперметр  $A_1$ , составляет  $I_1 = \frac{U}{2,2R} = \frac{5U}{11R} = 5$  мА.

Поскольку напряжение на источнике равно  $U$ , а на сопротивлении  $R$  напряжение составляет  $I_1 \cdot R = \frac{5U}{11}$ , напряжение на сопротивлениях  $2R$  и  $3R$

равно  $U - (\frac{5U}{11}) = \frac{6U}{11}$ . Следовательно, сила тока через сопротивление  $2R$

(и амперметр  $A_2$ ) равна  $I_2 = \frac{6U}{11} : 2R = \frac{3U}{11R} = 3$  мА.

**Ответ.** Амперметр  $A_1$  показывает 5 мА, амперметр  $A_2$  показывает 3 мА.

**Критерии оценок.** Первый вопрос (о показании амперметра  $A_1$ ) оценивается 4 баллов, второй вопрос (о показании амперметра  $A_2$ ) — 6 баллов.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на первый вопрос, он получает 4 балла. В противном случае можно поставить школьнику до 2 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов — школьник всё равно получает 2 балла):

хотя бы один раз правильно использована формула для последовательного или параллельного соединения сопротивлений — 1 балл;

хотя бы один раз правильно использован закон Ома, — 1 балл;

указано, что напряжения на сопротивлениях  $2R$  и  $3R$  одинаковые, — 1 балл;

указано, что напряжение источника равно сумме напряжений на сопротивлении  $R$  и на сопротивлении  $2R$  или  $3R$  — 1 балл;

правильно найдено отношение токов через амперметры — 1 балл.

Если школьник довёл решение задачи до правильного ответа на второй вопрос, он получает 6 баллов. В противном случае можно поставить школьнику до 3 утешительных баллов (если набирается больше оснований для утешительных баллов — школьник всё равно получает 3 балла):

хотя бы один раз правильно использована формула для последовательного или параллельного соединения сопротивлений — 1 балл;

хотя бы один раз правильно использован закон Ома — 1 балл;

указано, что напряжения на сопротивлениях  $2R$  и  $3R$  одинаковые, — 1 балл;

указано, что напряжение источника равно сумме напряжений на сопротивлении  $R$  и на сопротивлении  $2R$  или  $3R$ , — 1 балл;

правильно найдено отношение токов через амперметры — 1 балл.